



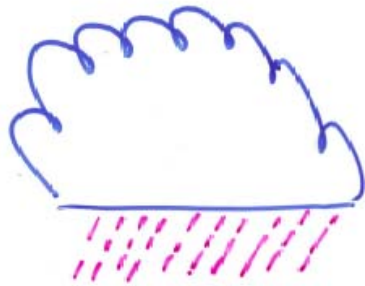
# La modélisation des nuages et précipitations dans les modèles atmosphériques



# La modélisation des nuages

1 – Résolution fine:  $\Delta x = 100\text{m}$ ,  $\Delta z = 10\text{m}$ , on résout explicitement les équations

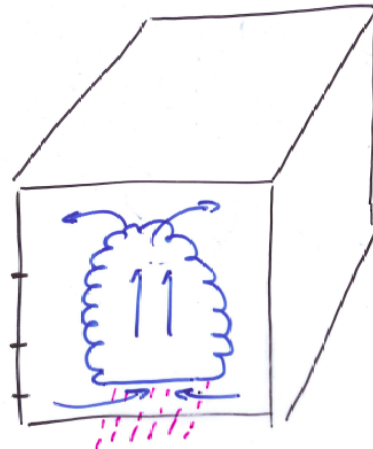
↓  
3-d



↓  
1-d



2 – Résolution grossière  $\Delta x = 30\text{ km}$ ,  $\Delta z = 100\text{m}$ , paramétrisation des nuages  
prévision numérique, modèles de climat



- **Modification de la thermodynamique par les nuages**
  - Variables utilisées
  - Equations de la thermodynamique
  - La condensation d'échelle inférieure à la maille
- **Applications**
  - Le brouillard
  - Les panaches d'aéroréfrigérants
- **Les précipitations**
  - Variables utilisées
  - Equations pour l'eau précipitante
- **Objectif: comprendre comment les nuages sont décrits dans les modèles atmosphériques**

# La modélisation des nuages et des précipitations les variables utilisées

Nuages



Spectre de gouttes nuageuses

Précipitations



Spectre de gouttes de pluies

Description explicite de la micro-physique trop coûteuse (60 classes)

Nuages

$$q_l = \frac{m_l}{m_a + m_v + m_l}$$

Portés par le vent

Précipitations

$$q_r = \frac{m_r}{m_a + m_v + m_l + m_r}$$

Vitesse de chute

On ne s'occupera pas de la phase solide: nuages chauds

# La modélisation des nuages : équation état

$\rho_m$  mélange de gaz: air sec + vapeur d'eau

$$P = \rho_a R_a T + \rho_v R_v T = \rho_m R_a T \left(1 + \frac{R_v - R_a}{R_a} q_v\right)$$

Apparition d'eau nuageuse



$$\rho_m = \rho (1 - q_l)$$

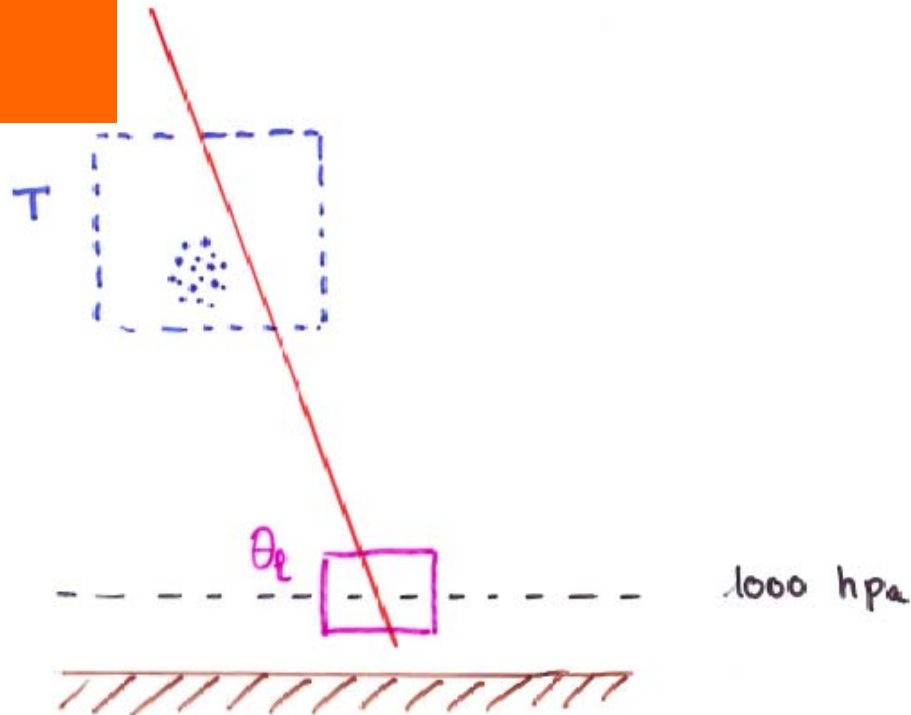
$\rho_m$  densité du mélange gazeux,  $\rho$  mélange des phases gazeuses et liquides

$$P = \rho R_a T \left(1 + \frac{R_v - R_a}{R_a} q_v - q_l\right)$$

+ équation pour l'eau liquide nuageuse

# La modélisation des nuages – les variables conservatives à travers les processus de condensation

Gradient  
adiabatique



$$\theta_1 = \theta - L/C_p \frac{\theta}{T} q_1$$

$$q_w = q + q_1$$

# La modélisation des nuages : les équations de la thermodynamique en 1-D sur la verticale

I équation d'évolution pour  $q_l$  teneur en eau liquide nuageuse  $m_l/(m_a + m_v + m_l)$

$$\frac{\partial q_l}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w' q'_l}}{\partial z} - Cd$$

II équation d'évolution pour  $q_v$  humidité spécifique  $m_v/(m_a + m_v + m_l)$

$$\frac{\partial q_v}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w' q'_v}}{\partial z} + Cd$$

Condensation

III équation d'évolution pour  $\theta$  température potentielle

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w' \theta'}}{\partial z} + Fr - \frac{L}{C_p T} Cd$$

Les équations sont ici présentées en 1-D, elle se généralise facilement au cas 3-D en ajoutant les termes d'advection et en prenant en compte la diffusion horizontale

# La modélisation des nuages : les équations de la thermodynamique en variables conservative

I +II - équation d'évolution pour  $q_w$  teneur en eau liquide totale  $(m_v+m_l)/(m_a + m_v + m_l)$

$$\frac{\partial q_w}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w' q'_w}}{\partial z}$$

III –  $(L/C_p)(\theta/T)$ II - équation d'évolution pour la température liquide potentielle  $q_l$

$$\frac{\partial \theta_l}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w' \theta'_l}}{\partial z} + Fr$$

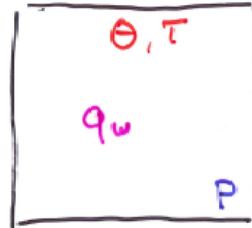
Les termes de condensation/évaporation ont disparus

+ une relation diagnostique pour déterminer la teneur en eau liquide nuageuse  $q_l$



# La modélisation des nuages : La condensation d'échelle inférieure à la maille

Comment déterminer  $q_l$  ? : dépassement du seuil de saturation  $q_{sat}(T,P)$

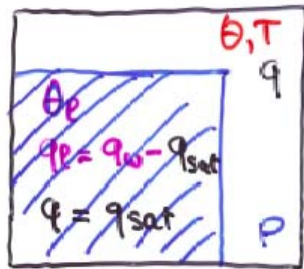


$e \leq e_{sat}$   $q_v = \frac{m_v}{m_a + m_v} + \text{gaz parfait}$

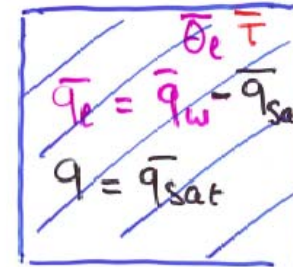
$q_v = \frac{0.622 e}{P - e}$   $P$ : pression,  $e$ : tension de vapeur

à  $t + dt$  condensation:  $q_w > q_{sat}(T,P)$  ou  $e > e_{sat}(T)$  tension de vapeur saturante

Condensation partielle



tout ou rien



Comment déterminer

$\overline{q}, \overline{q_l}, \overline{\theta_l}, \overline{N}$

$N=1$

Peu réaliste pour certain nuages

Chocs numériques

# La modélisation des nuages : la physique de la saturation, variables conservatives

$$\overline{q_l} = \overline{q_w} - \overline{q_s}(T, P)$$

Passage en variables conservatives:  $\overline{T_l} = \overline{T} - \frac{L}{C_p} \overline{q_l}, \overline{q_w}$

Développement limité au 1er ordre

$$\overline{q_s}(T, P) = \overline{q_{sl}}(\overline{T_l}, \overline{P}) + (\overline{T} - \overline{T_l}) \frac{\partial \overline{q_{sl}}(\overline{T_l}, \overline{P})}{\partial T}$$

Relation de Clausius-Clapeyron

$$\frac{\partial \overline{q_{sl}}(\overline{T_l}, \overline{P})}{\partial \overline{T}} = \frac{\partial \overline{q_{sl}}}{\partial T} = \overline{q_{sl}} \frac{L}{R_v \overline{T_l}^2}$$

$$\overline{q_s} = \overline{q_{sl}} + \frac{L}{C_p} \overline{q_l} \overline{q_{sl}} \frac{L}{R_v \overline{T_l}^2}$$



$$\overline{q_l} = \overline{q_w} - \overline{q_{sl}} \left( 1 + \frac{L^2}{C_p R_v \overline{T_l}^2} \overline{q_l} \right)$$



$$\overline{q_l} = (\overline{q_w} - \overline{q_{sl}})$$

$$\frac{1}{\left( 1 + \frac{L^2}{C_p R_v \overline{T_l}^2} \overline{q_{sl}} \right)}$$



# La modélisation des nuages : condensation sous maille - la physique de la saturation

$$q_l = q_w - q_s(T, P)$$

Passage en variables conservatives: Tl et qw + Introduction des fluctuations turbulentes

Développement limité au 1<sup>er</sup> ordre

$$q_s(T, P) = \overline{q_s}(\overline{T_l}, \overline{P}) + (T - \overline{T_l}) \frac{\partial \overline{q_{sl}}(\overline{T_l}, \overline{P})}{\partial T}$$

Relation de Clausius-Clapeyron

$$\frac{\partial \overline{q_{sl}}(\overline{T_l}, \overline{P})}{\partial T} = \frac{\partial \overline{q_{sl}}}{\partial T} = \overline{q_{sl}} \frac{L}{R_v \overline{T_l}^2}$$

$$q_l = q_w + q_s = q_w - \overline{q_{sl}} \left( 1 + \left( \frac{L}{C_p} q_l + T_l \right) \frac{L}{R_v \overline{T_l}^2} \right)$$

$$q_l = \overline{q_l} + q_l' = a(\overline{q_w} - \overline{q_{sl}}) + a(q_w' - \alpha \theta_l')$$

$$\theta_l' = \frac{\overline{\theta}}{\overline{T}} T_l'$$

$$\alpha = \frac{L}{R_v \overline{T_l}^2} \frac{\overline{\theta}}{\overline{T}} \overline{q_{sl}}$$

# La modélisation des nuages : paramétrisation de la condensation d'échelle inférieure à la maille

Hypothèse: on suppose que  $\theta_l$  et  $q_w$  obéissent à des lois de distribution statistique (gaussienne ou par exemple), on travaille sur une variable centrée  $s$



$$s' = \frac{a}{2}(q_w' - \alpha\theta_l')$$

$$\sigma_s^2 = \overline{s'^2} = f(\overline{q_w'^2}, \overline{\theta_l'^2}, \overline{\theta_l'q_l'})$$

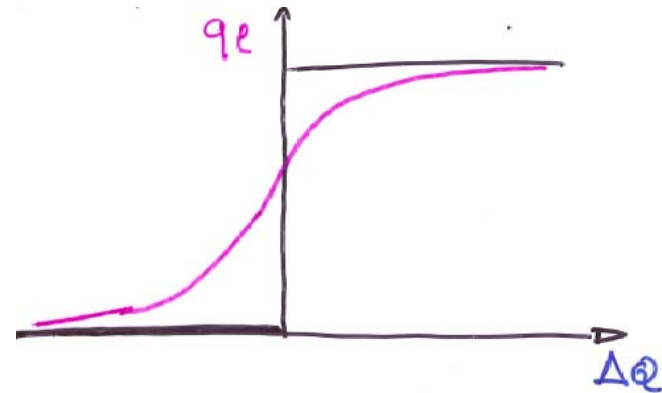
écart moyen à la saturation

$$\nabla Q = \overline{q_w} - \overline{q_{sat}}(T, P)$$

$$\overline{N} = F_1(\nabla Q)$$

$$\frac{\overline{q_l}}{2\sigma_s} = F_2(\nabla Q)$$

$$\frac{\overline{\beta'q_l'}}{\sigma_s^2} = F_3(\nabla Q)$$



# La modélisation des nuages : modélisation sous maille, détermination de $\sigma_s$

On stationnarise les équations d'évolution des moments d'ordre deux qui font intervenir les variables  $\theta_l$  et  $q_l$ : équilibre entre la production et la dissipation

$$\frac{\partial \overline{\theta_l'^2}}{\partial t} = \text{Production} + \text{Diffusion Turbulente} - \text{Dissipation}$$

$$\frac{\partial \overline{q_l'^2}}{\partial t} = \text{Production} + \text{Diffusion Turbulente} - \text{Dissipation}$$

$$\frac{\partial \overline{\theta_l' q_l'}}{\partial t} = \text{Production} + \text{Diffusion Turbulente} - \text{Dissipation}$$

Stationnarisation



$$\overline{\theta_l'^2} = \frac{2}{C_2} \frac{e_t}{\varepsilon} K \left( \frac{\partial \overline{\theta_l}}{\partial z} \right)^2$$

$$\overline{q_l'^2} = \frac{2}{C_2} \frac{e_t}{\varepsilon} K \left( \frac{\partial \overline{q_w}}{\partial z} \right)^2$$

$$\overline{\theta_l' q_l'} = \frac{2}{C_2} \frac{e_t}{\varepsilon} K \left( \frac{\partial \overline{q_w}}{\partial z} \frac{\partial \overline{\theta_l}}{\partial z} \right)$$

$$\frac{e_t}{\varepsilon} K$$

où  $e_t$  est l'énergie cinétique turbulente,  $\varepsilon$  sa dissipation. Cette expression dépend de la fermeture turbulente utilisée:

Ordre 0 coefficient d'échange  $K$

Ordre 1 équation d'évolution pour  $e_t$

Ordre 2 équations d'évolution pour  $e_t$  et  $\varepsilon$

# La modélisation des nuages : la modification de la flottabilité

Apparition de la phase condensée de l'eau  $q_l$



Modification de la masse volumique du mélange gazeux et donc modification de la flottabilité

$$P = \rho R_a T \left(1 + \frac{R_v - R_a}{R_a} q_v - q_l\right) = \rho R_a T_v$$

avec  $T_v = T(1 + 0.608q - q_l)$

$$\theta_v = \theta(1 + 0.608q - q_l)$$

Le terme de flottabilité se transforme :

$$\frac{g}{\theta} \overline{w' \theta'}$$



$$\frac{g}{\theta} \overline{w' \theta'_v}$$

Ce qui s'exprime en variables conservatives  $\theta_l$  et  $q_w$

$$\overline{w' \theta'_v} = E_\theta \overline{w' \theta'_l} + E_q \overline{w' q'_w}$$

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement

La modélisation du brouillard se prête bien au cas 1-D sur la verticale. On utilise les équations de la CLA déjà présentées. Il est nécessaire toutefois de rajouter quelques termes à savoir :

- la sédimentation des gouttelettes de brouillard
- Les termes d'advection de température et d'humidité déduits des observations

$$\frac{\partial \bar{\theta}_l}{\partial t} + u \frac{\partial \bar{\theta}}{\partial x} + v \frac{\partial \bar{\theta}}{\partial y} + w \frac{\partial \bar{\theta}}{\partial z} = - \frac{\partial \overline{w' \theta'_l}}{\partial z} + Frad - \frac{L}{C_p} \frac{\bar{\theta}}{T} \frac{\partial G}{\partial z}$$

$$\frac{\partial \bar{q}_w}{\partial t} + u \frac{\partial \bar{q}}{\partial x} + v \frac{\partial \bar{q}}{\partial y} + w \frac{\partial \bar{q}}{\partial z} = - \frac{\partial \overline{w' q'_w}}{\partial z} + \frac{\partial G}{\partial z}$$

Où G est le flux de sédimentation des gouttes avec:

$$G = w_g \bar{q}_l \text{ et } w_g \approx 2 \text{ cms}^{-1} \text{ Kunkel, 1984}$$

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

## Les données disponibles sur le site

- Visibility from transmissiometers at 1.5, 5, 20, 40, 60, 100, 140 and 180 m,
- Wind (direction and speed) at 1.5, 5, 10, 20, 40, 80, 120, 160 and 200 m,
- Temperature at 0.6, 1.5, 5, 10, 20, 40, 80, 120, 160 and 200 m,
- Pressure gradient near the ground (Wessels, personal communication, 1986),
- Thermal wind deduced from horizontal gradient of temperature at 2 meters from four neighboring stations,
- Radiative fluxes near the ground and at the top of the mast,
- Specific humidity and temperature at 1.1 and 0.45 m near the tower.

In addition, the radiosonde soundings (RS) from De Bilt are available at 0000, 0600 and 1200 UTC.

## La situation météorologique le 03/09/1977

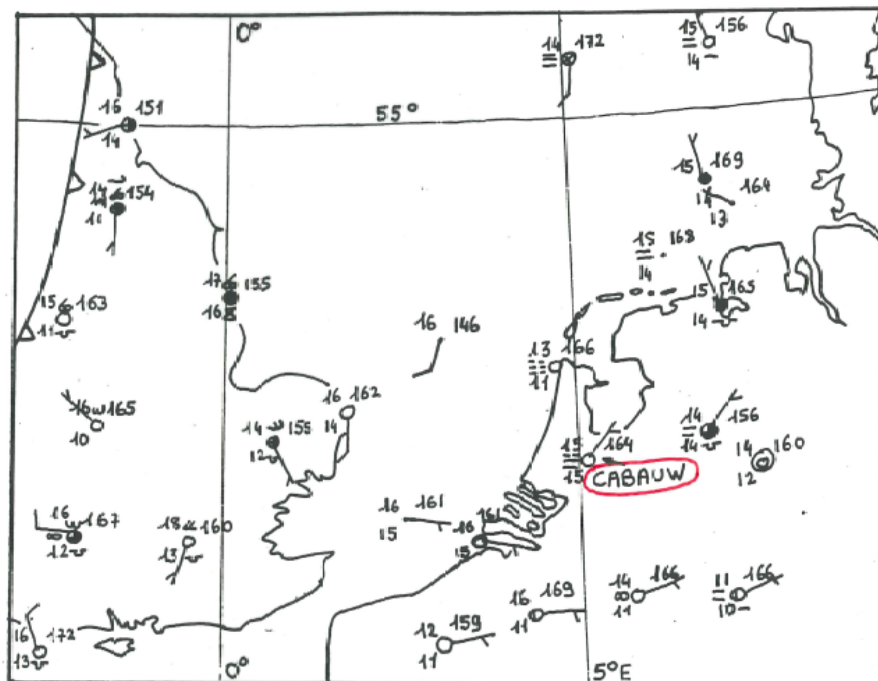


FIG. 1. The synoptic situation 0000 UTC 3 August 1977.



# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

## Comparaison mesure-calcul: visibilité

## Relation visibilité-teneur en eau liquide nuageuse

The parameterization for  $\beta$  is based on numerous experimental data giving the following relationship:

Visibility (m)	LWC ( $10^{-4} \text{ kg kg}^{-1}$ )
16	4.8
30	2.4
60	1.2
300	0.2

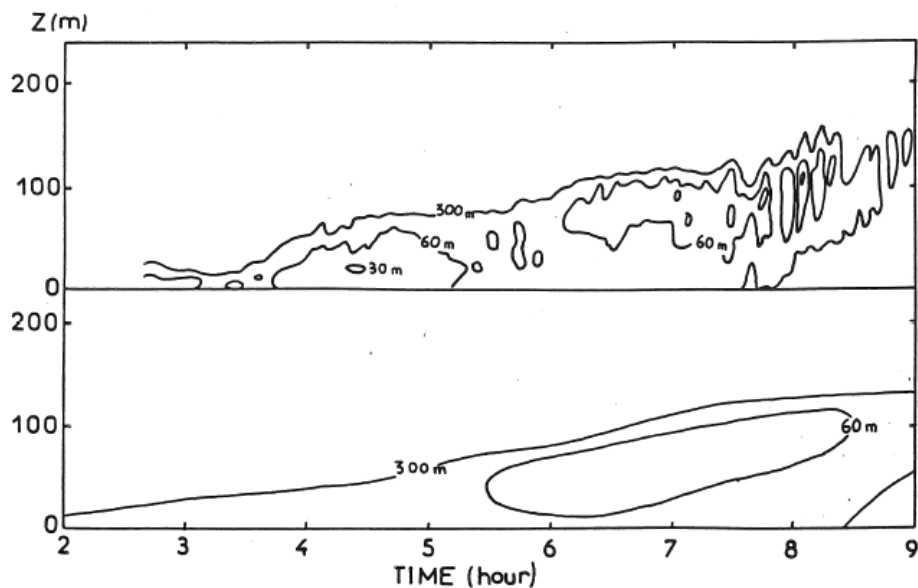


FIG. 3. Time and space variation of visibility for (a) observed and (b) computed with forced ground values.

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

Evolution de la température et de l'humidité au voisinage du sol

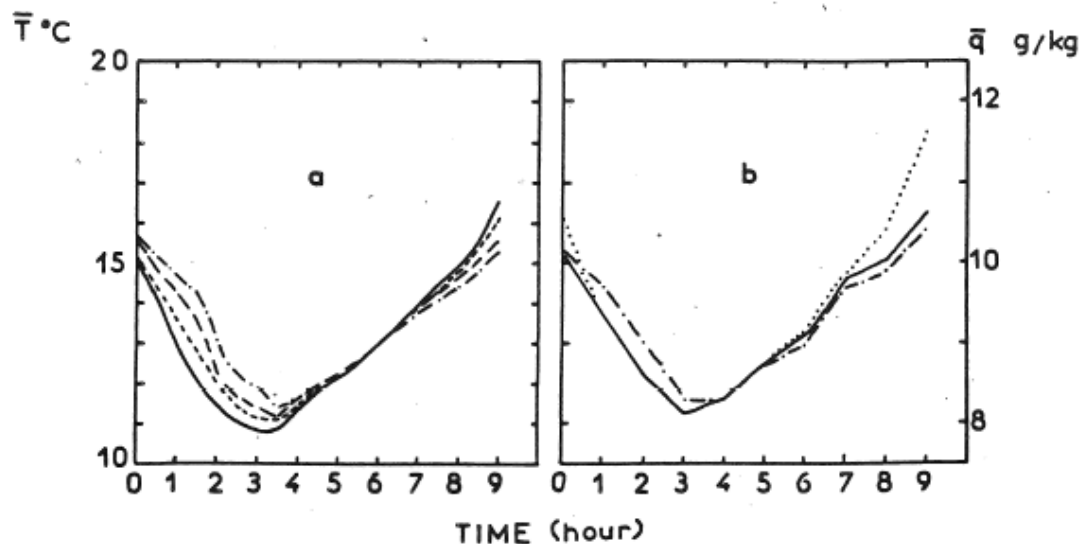


FIG. 2. The measured temperatures (a) and specific humidities (b) at 0.45 m (solid), 1.1 m (dot-dash), 0.6 m (short dash), 1.5 m (long dash) and the saturated specific humidity at 0.45 m (dotted).

Comparaison mesure-calcul: visibilité

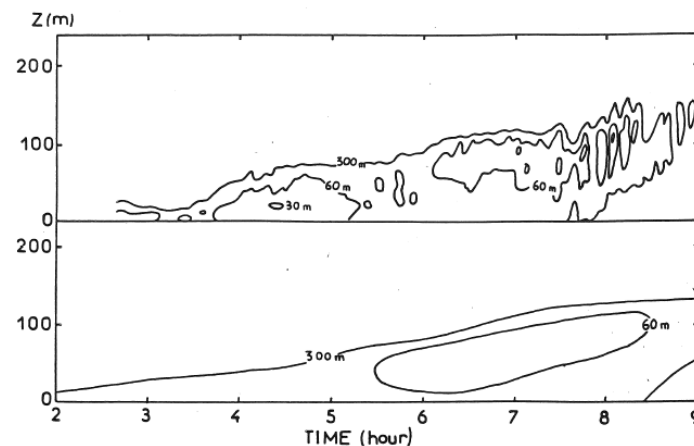
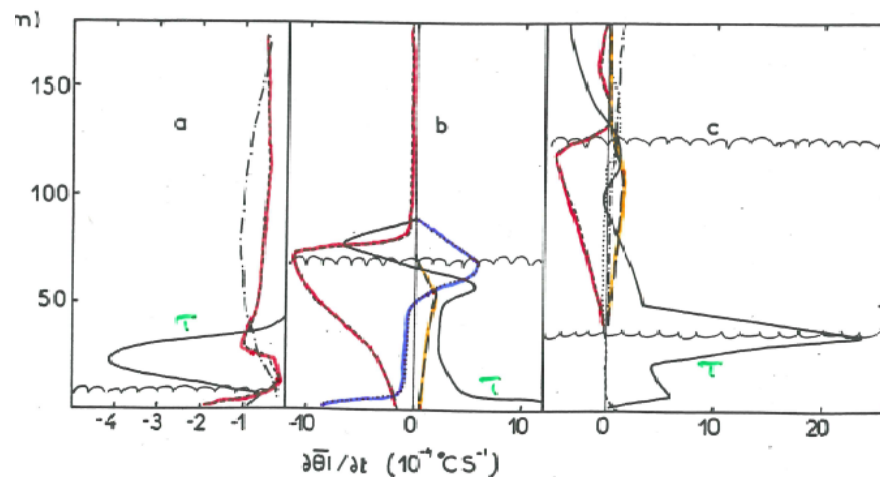
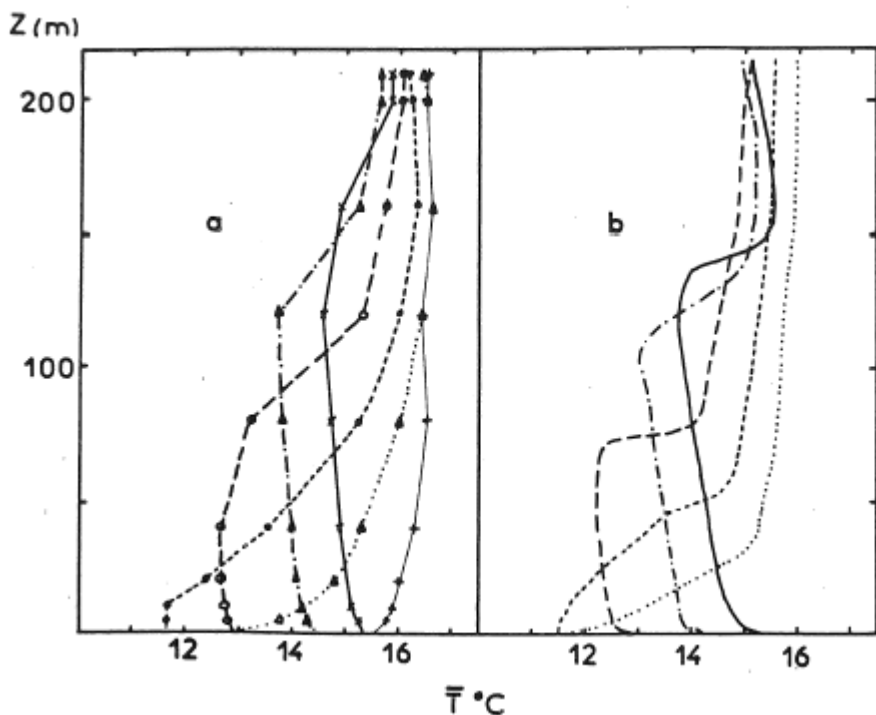


FIG. 3. Time and space variation of visibility for (a) observed and (b) computed with forced ground values.

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

Comparaison mesure-calcul sur les profils de température dans la couche de brouillard

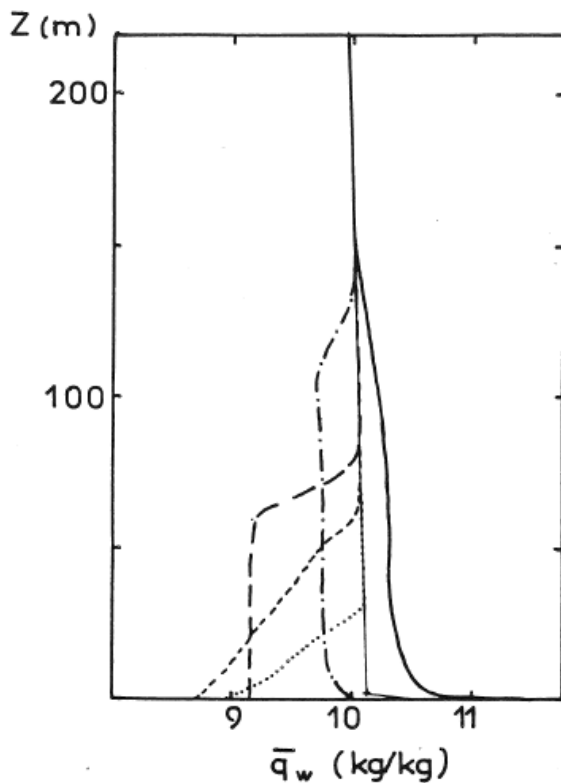
Les termes du bilan de la température potentielle liquide



G. 9. Liquid water potential temperature budget computed at 0200 UTC (a), 0600 UTC (b), 0900 UTC (c). Solid line: turbulence transport, (short dashed) radiative cooling, (long dashed) solar heating, (dotted) settling, (dot-dashed) advection term.

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

Profils de teneur en eau totale



Les termes du bilan pour l'eau totale

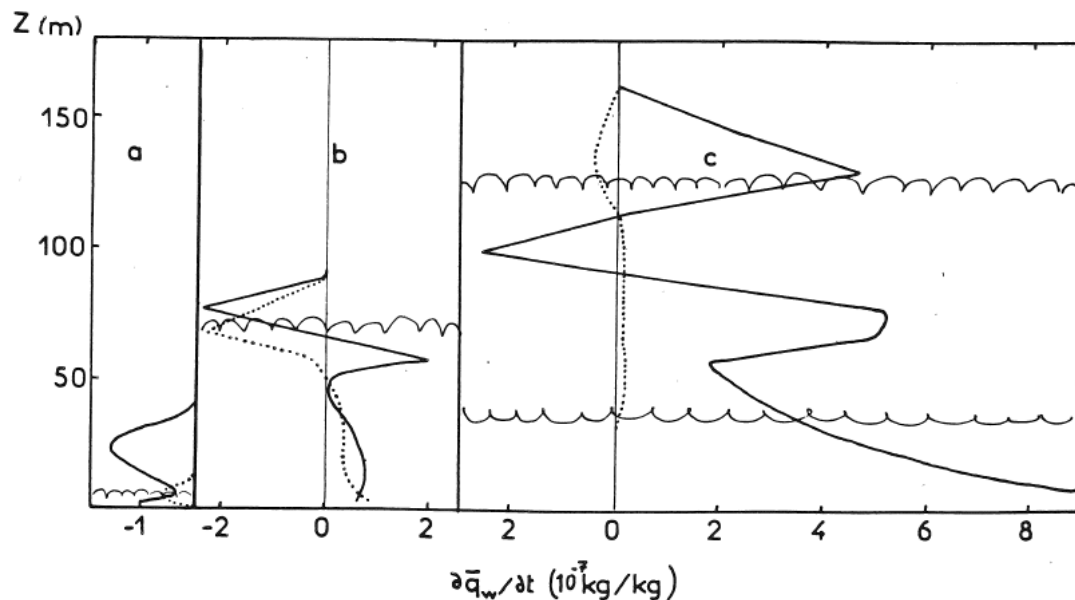


FIG. 11. Specific humidity budget computed at 0200 UTC (a), 0600 UTC (b), 0900 UTC (c): (solid) turbulence transport, (dotted) settling term.

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

Comparaison mesure-calcul sur la vitesse du vent

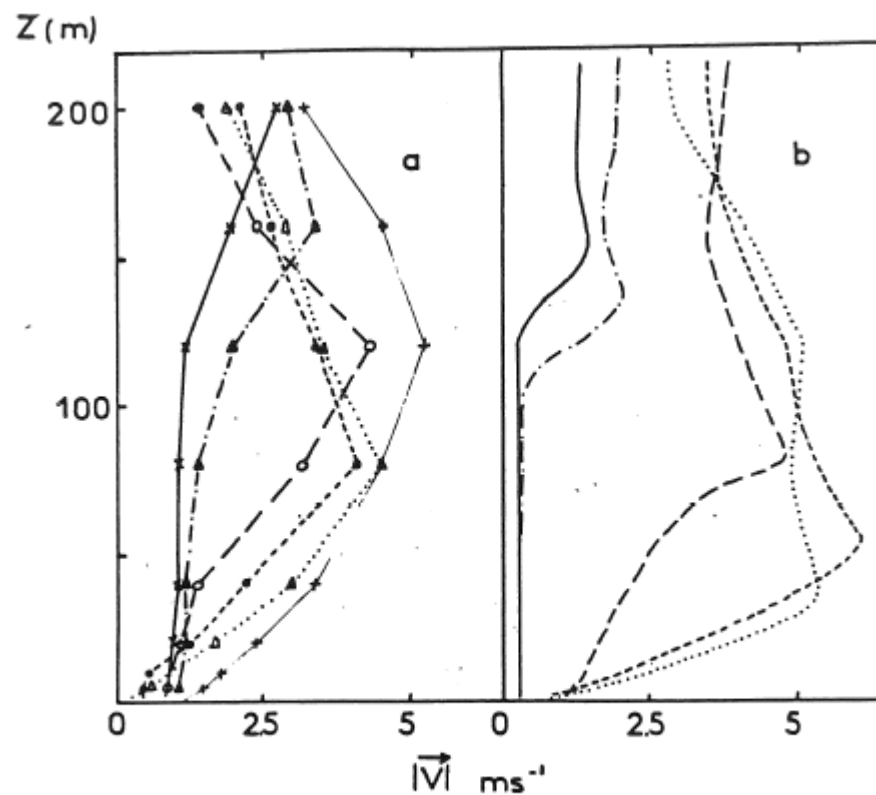


FIG. 5. Evolution of the wind speed profile for (a) observed and (b) computed (symbols as in Fig. 4) with forced ground values.

# La modélisation des nuages : Application à l'étude du brouillard de rayonnement à Cabauw (PB)

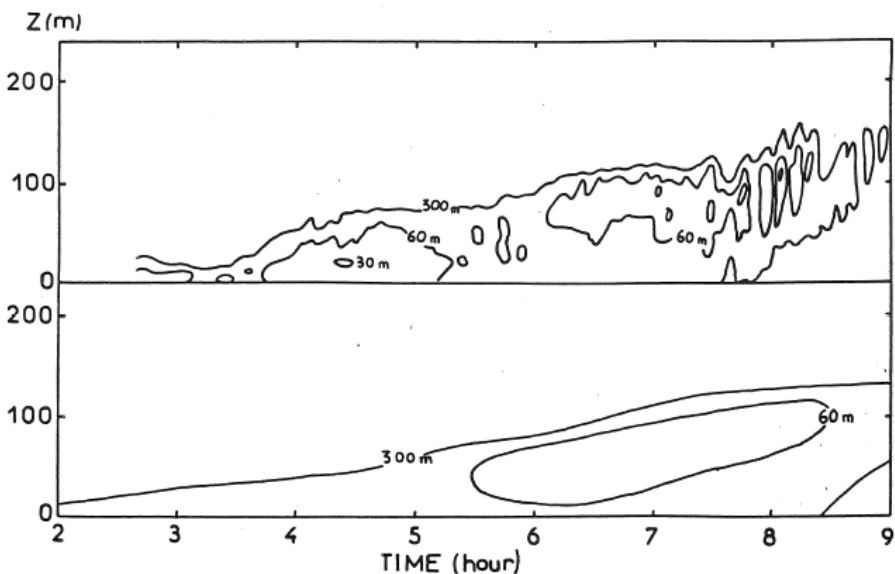


FIG. 3. Time and space variation of visibility for (a) observed and (b) computed with forced ground values.

## Sensibilité à la modélisation de la condensation sous maille

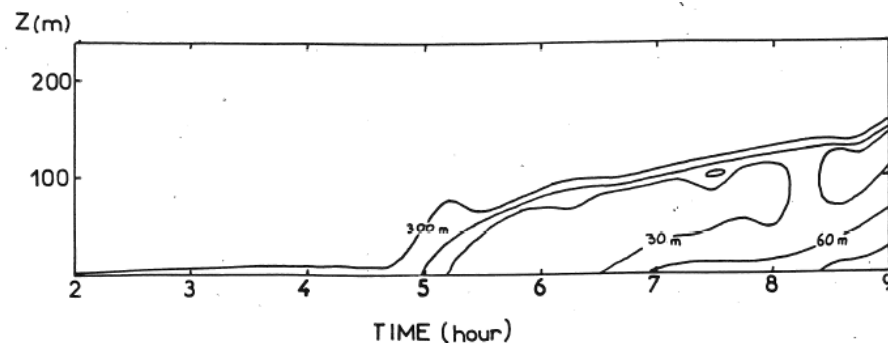
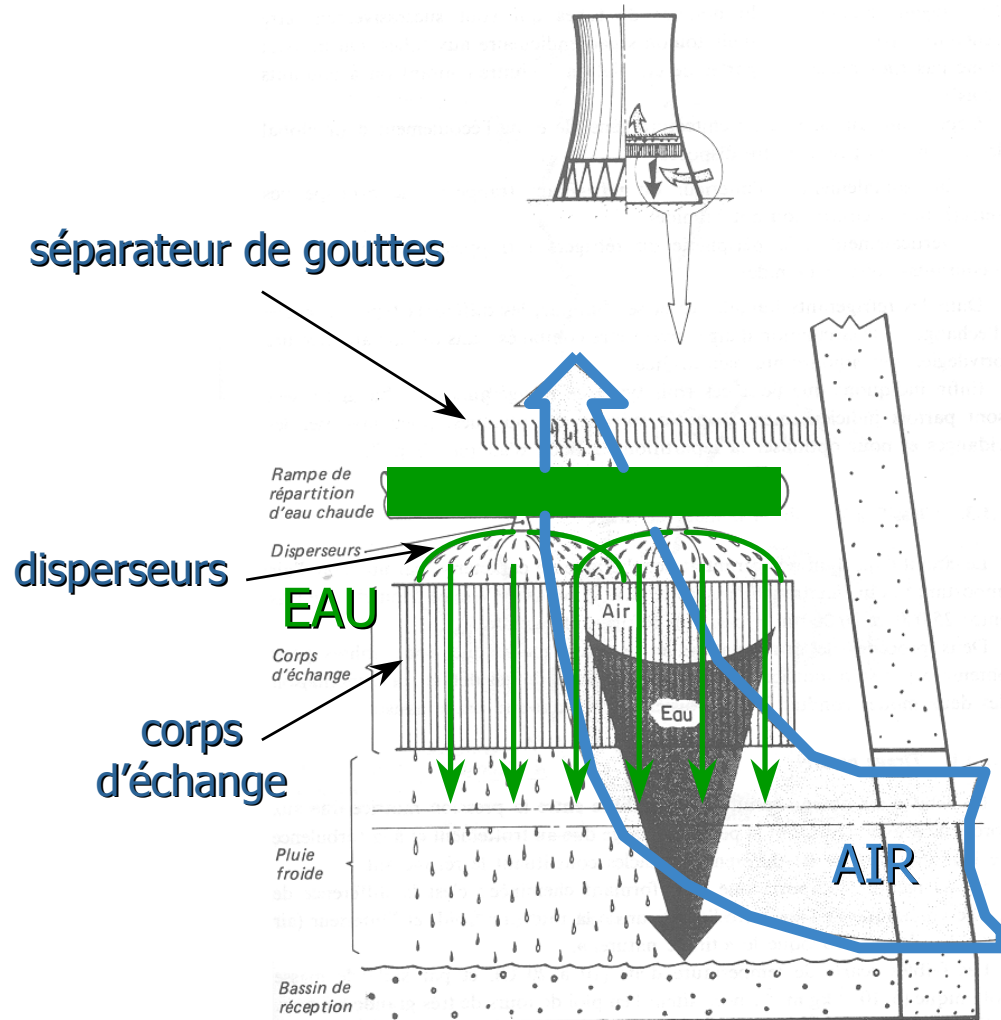


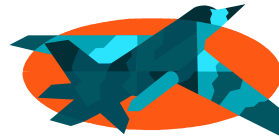
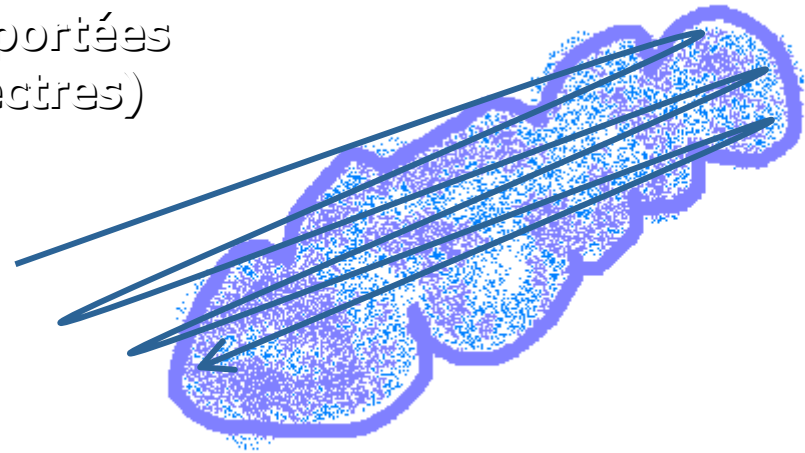
FIG. 15. Time and space variation of visibility computed with the "all or nothing" condensation scheme.

# La modélisation des nuages : les panaches d'aéroréfrigérants

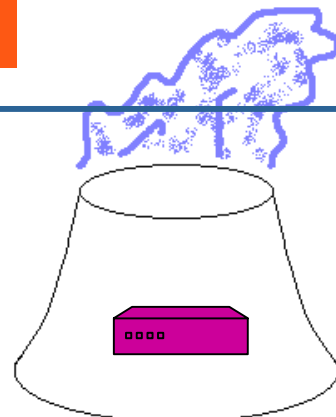


# La modélisation des nuages : les panaches d'aéroréfrigérants, Le Bugey 1980

Mesures aéroportées  
( $T$ ,  $w$ ,  $q_c$ , spectres)



**Radiosondages  
( $U$ ,  $V$ ,  $T$ ,  $H_u$ )**



**Mesures dans  
l'aéroréfrigérant  
( $q_c$ , spectres, ...)**

**Observations  
photographiques**

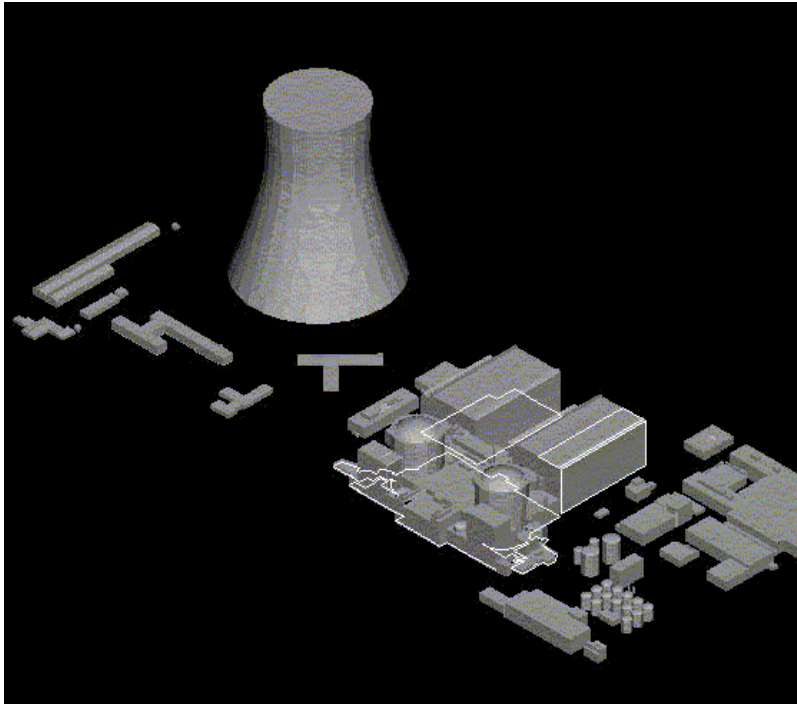


**Mesures au sol  
( $U$ ,  $V$ ,  $p$ ,  $T$ ,  $H_u$ )**





# La modélisation des nuages : les panaches d'aéroréfrigérants, Le Bugey 1980, Code\_Saturne



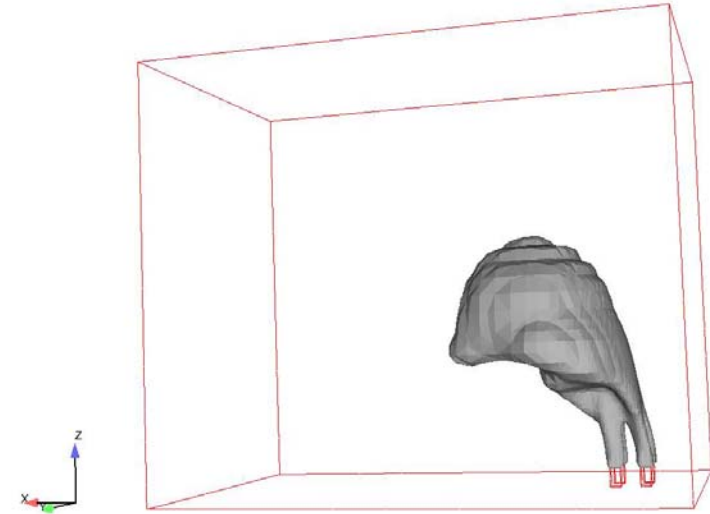
Code de mécanique des fluides : Code \_Saturne

- maillage non-structuré
- Équations de Navier et Stokes (U, T, q)
- Volumes finis avec schéma implicite d'Euler en temps
- Modèle de turbulence en  $k-\varepsilon$
- Prise en compte de la micro-physique des nuages

N° Tour	$\theta_l$ en Kelvin	$q_w$ en $\text{kg kg}^{-1}$	$N_g$
Tour 1	291,5	0,015572	10 000
Tour 2	291,87	0,016128	10 000
Tour 3	291,5	0,015572	10 000
Tour 4	291,87	0,016128	10 000

Tableau 1 : Caractéristiques des rejets au niveau des quatre tours simulées

# La modélisation des nuages : les panaches d'aéroréfrigérants, Le Bugey 1980, Nuage convectif

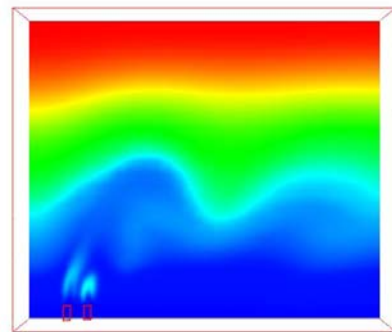


Temperature Potentielle Liquide

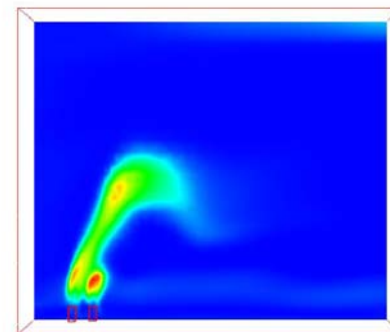
Plan y=778 m

Energie Cinétique Turbulente

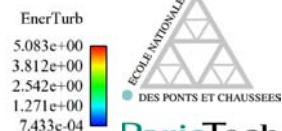
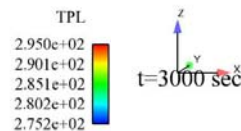
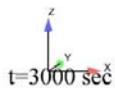
Plan y=778 m



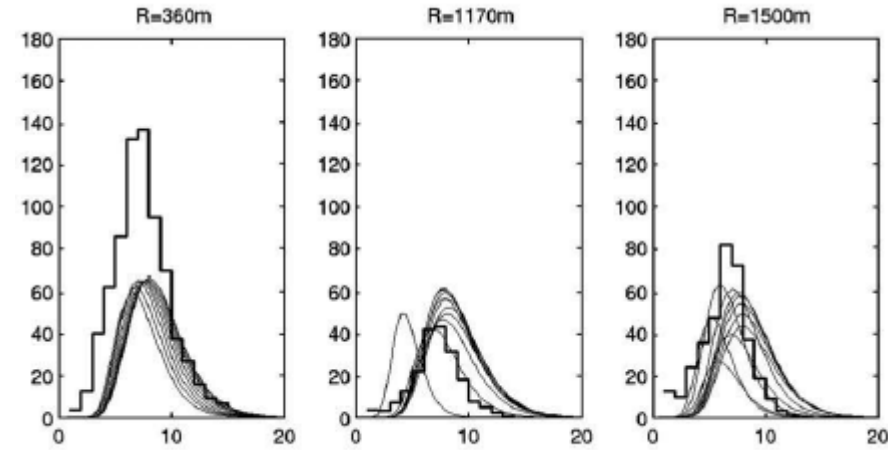
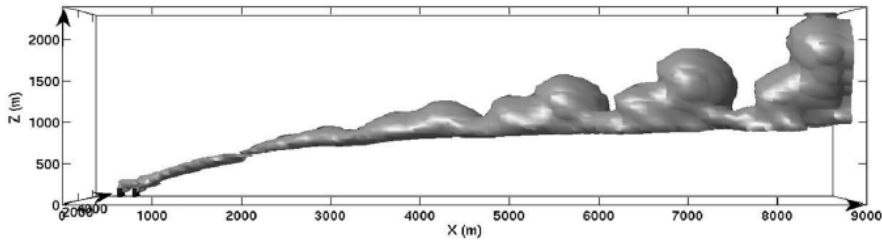
MS 1.3.3. reference



MS 1.3.3. reference

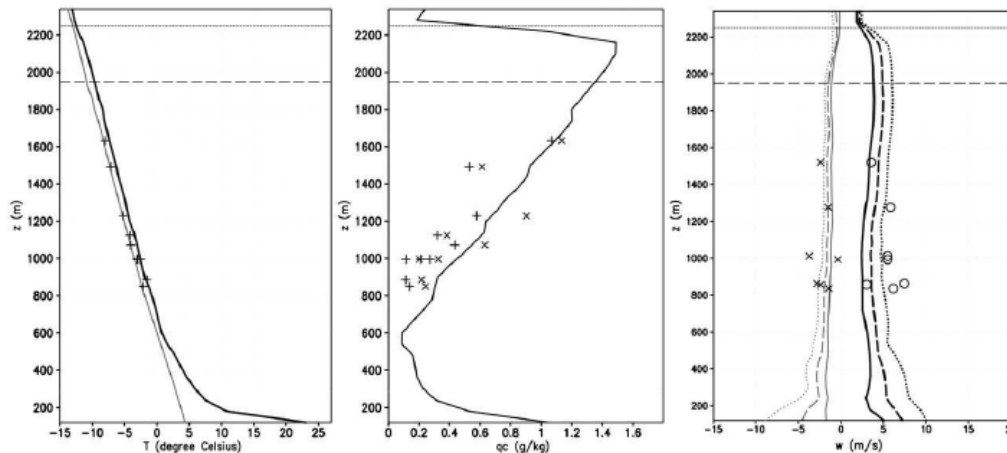


# La modélisation des nuages : les panaches d'aéroréfrigérants, Le Bugey 1980, Code\_Saturne, situation de vent fort



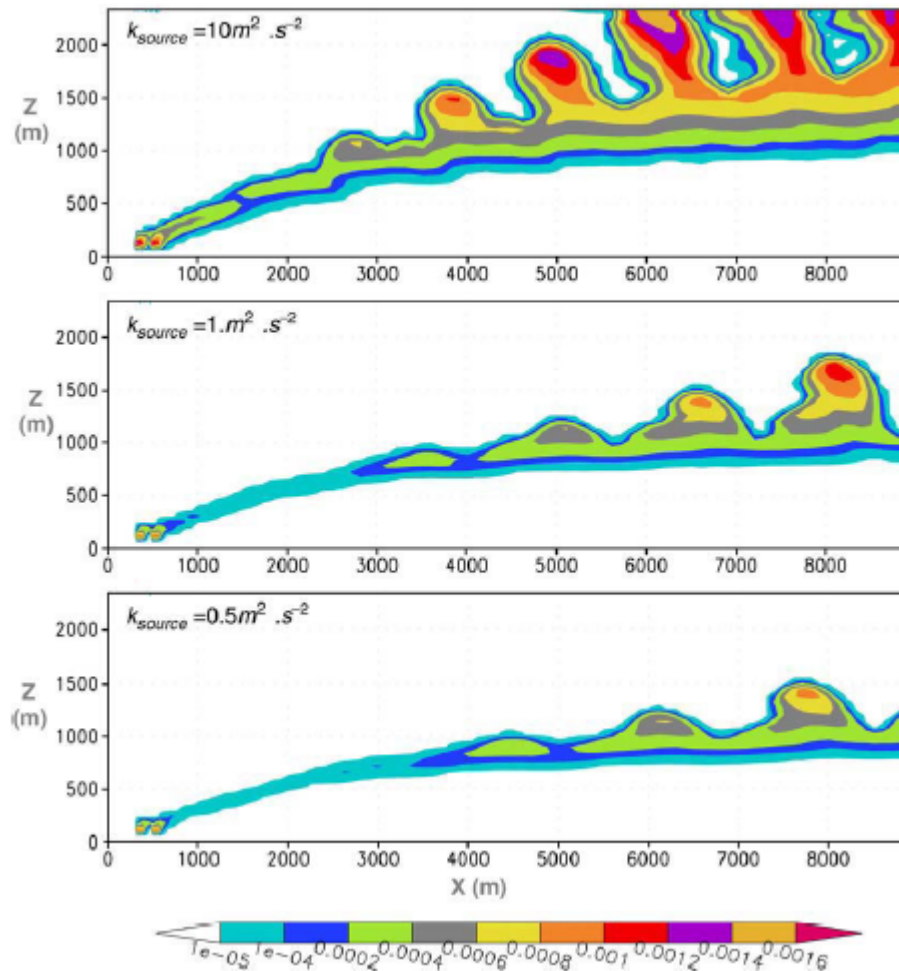
E. Bouzereau et al / Atmospheric Research xxx (2008) xxx-xxx

7



# La modélisation des nuages : les panaches d'aéroréfrigérants, Le Bugey 1980, Code\_Saturne

E. Bouzereau et al. / Atmospheric Research xxx (2008) xxx-xxx



# La modélisation des précipitations : les variables utilisées

Précipitation  
n'est pas  
portée par la  
vent



Spectre de gouttes de pluies

Description explicite de la micro-physique trop coûteuse (60 classes)

eau précipitante

$$q_r = \frac{m_r}{m_a + m_v + m_l + m_r}$$

Vitesse de chute

$$\theta_l = \theta - \frac{L}{C_p} \frac{\theta}{T} (q_l + q_r)$$

$$q_r = q + q_l + q_r$$

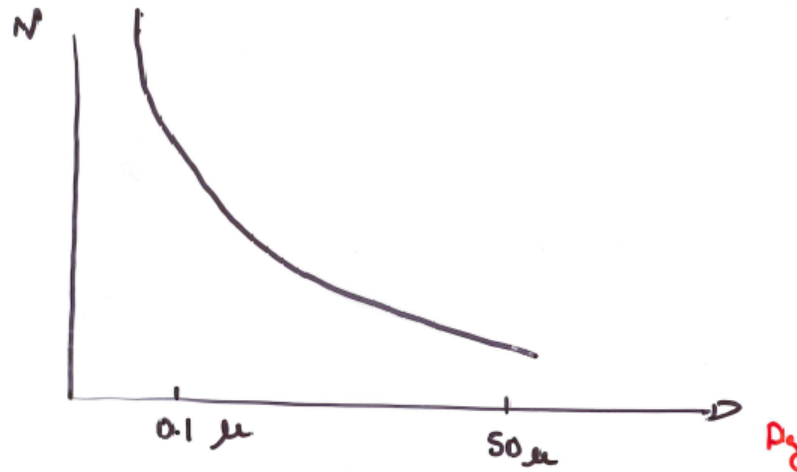
+ une équation d'évolution pour  $q_r$

$$\frac{\partial q_r}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w' q_r'}}{\partial z} + \text{auto-conversion} + \text{évaporation} + \text{accrétion} + \text{précipitation}$$

# La modélisation des précipitations : la paramétrisation des différents termes

La démarche adoptée: On se donne un spectre de gouttes de pluie:

$N(D_g) = N_0 \exp(-\lambda D_g)$  où  $D_g$  est le diamètre des gouttes de pluies et  $N_0$  leur nombre



On raisonne au niveau de la goutte de pluie puis on intègre sur l'ensemble du spectre

auto-conversion

$$\frac{\partial q_r}{\partial t} = - \frac{\partial \overline{w'q'_r}}{\partial z} + \frac{\partial \rho m_r}{\partial t}$$



évaporation

accrétion

précipitation

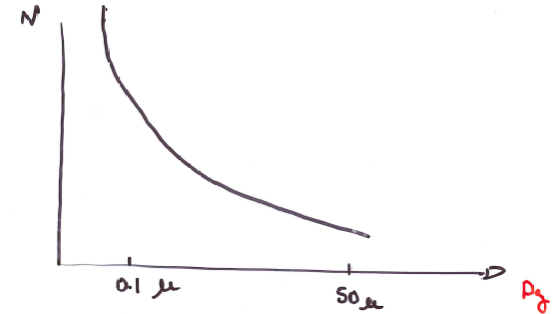
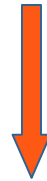
Pour un volume unité

# La modélisation des précipitations : Relation entre spectre de gouttes de pluie et teneur en eau liquide

$$N(D_g) = N_0 \exp(-\lambda D_g)$$

$$\rho q_r = m_r = \int_0^{\infty} \rho_l \frac{\pi}{6} D_g^3 N_0 \exp(-\lambda D_g) dD_g$$

Intégration sur le spectre



$$\rho q_r = \rho_l \frac{\pi}{6} N_0 \Gamma(4) / \lambda^4$$

On peut en déduire la valeur de  $\lambda$

$$\lambda = (\pi N_0 \rho_l / \rho q_r)^{1/4}$$

# La modélisation des précipitations : la paramétrisation de l'autoconversion

Transformation de l'eau nuageuse en eau de pluie



Spectre de gouttes de pluies

Si l'on se donne:  $N_l$  le nombre de gouttes de nuage par unité de volume  
 $r_c$  rayon critique

$$q_{ls} = N_l \frac{\rho_l}{\rho} \frac{4}{3} \pi r_c^3$$

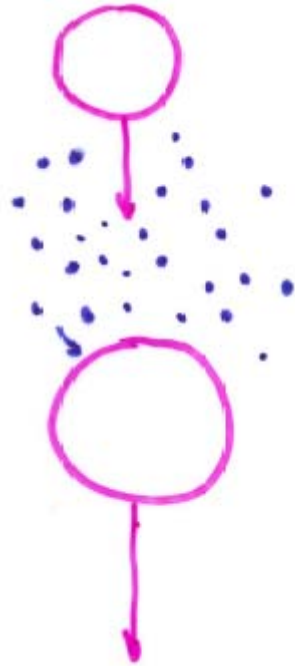
On peut calculer une valeur limite de la teneur en eau au delà de laquelle il y a précipitation

$$\left( \frac{\partial q_r}{\partial t} \right)_{Au} = \text{Au max}(0., q_l - q_{ls})$$

En fait, les valeurs typiques sont de l'ordre  $3 \cdot 10^{-4}$  kg/kg pour  $q_{ls}$  et  $40 \mu\text{m}$  pour  $r_c$



# La modélisation des précipitations : la paramétrisation de l'accrétion des gouttes de nuage



L'accrétion des gouttes est proportionnelle à :  
 $V_g = \alpha_g D_g^2$ ,  $V_g$  vitesse de chute des gouttes  
 $S_g = \pi/4 D_g^2$ ,  $S_g$  Section impactée

$$dm_g/dt = S_g V_g m_1$$

On raisonne au niveau de la goutte

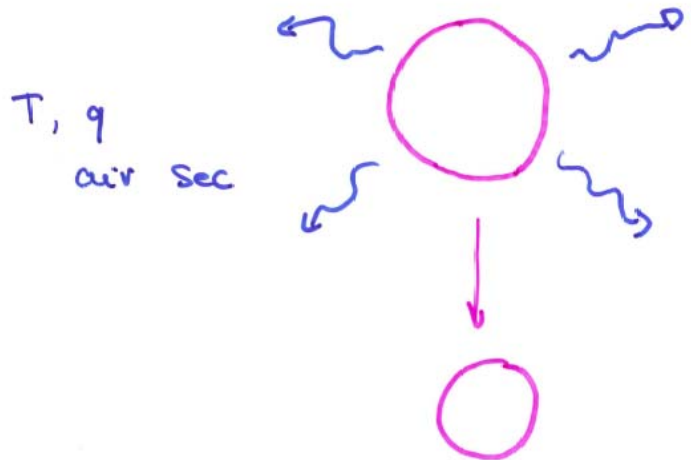
$$\rho \left( \frac{\partial q_r}{\partial t} \right)_{Acc} = \frac{\partial m_r}{\partial t} = \int_0^{\infty} \frac{dm_g}{dt} N_0 \exp(-\lambda D_g) dD_g$$

Intégration sur le spectre

$$\left( \frac{\partial q_r}{\partial t} \right)_{Acc} = \frac{x_{Acc}}{\rho} \lambda^{3/2} (\rho q_r)^{3/2}$$

On obtient le terme d'accrétion qui est un terme non linéaire

# La modélisation des précipitations : la paramétrisation de l'évaporation des gouttes de pluie



L'évaporation des gouttes de pluie sera proportionnelle à :

$q - q_{sat}$ , déficit de saturation  
 $D_g^\beta$ ,  $D_g$  diamètre des gouttes

$$dm_g/dt = -Cte D_g^\beta \rho (q_{sat}(T,P) - q)$$

On raisonne au niveau de la goutte

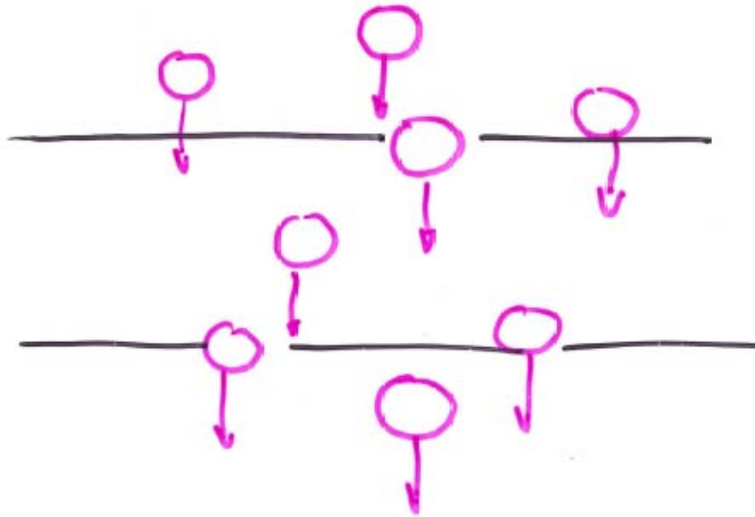
$$\rho \left( \frac{\partial q_r}{\partial t} \right)_{Acc} = \frac{\partial m_r}{\partial t} = \int_0^\infty \frac{dm_g}{dt} N_0 \exp(-\lambda D_g) dD_g$$

Intégration sur le spectre

$$\left( \frac{\partial q_r}{\partial t} \right)_{Ev} = x_{Ev} N_0 \rho (q_{sat} - q) \lambda^{-(1+\beta)/4} \Gamma(1 + \beta)$$

On obtient le terme d'évaporation

# La modélisation des précipitations : la paramétrisation du flux de précipitation des gouttes de pluie



Le flux de précipitation va dépendre de :  
 $V_g = -x_g D_g^\alpha$ , Vitesse de chute des gouttes  
 $m_g$ , masse des gouttes de pluie

On raisonne au niveau de la goutte

$$V_t m_r = \int_0^{\infty} V_g \rho_l \frac{\pi}{6} D_g^3 N_0 \exp(-\lambda D_g) dD_g$$

Apport d'eau précipitante dans la couche en terme de flux ou divergence du flux de précipitation

$$F_{précip} = V_t m_r$$

$$\left( \frac{\partial q_r}{\partial t} \right)_{précip} = \frac{\partial F_{précip}}{\partial z}$$

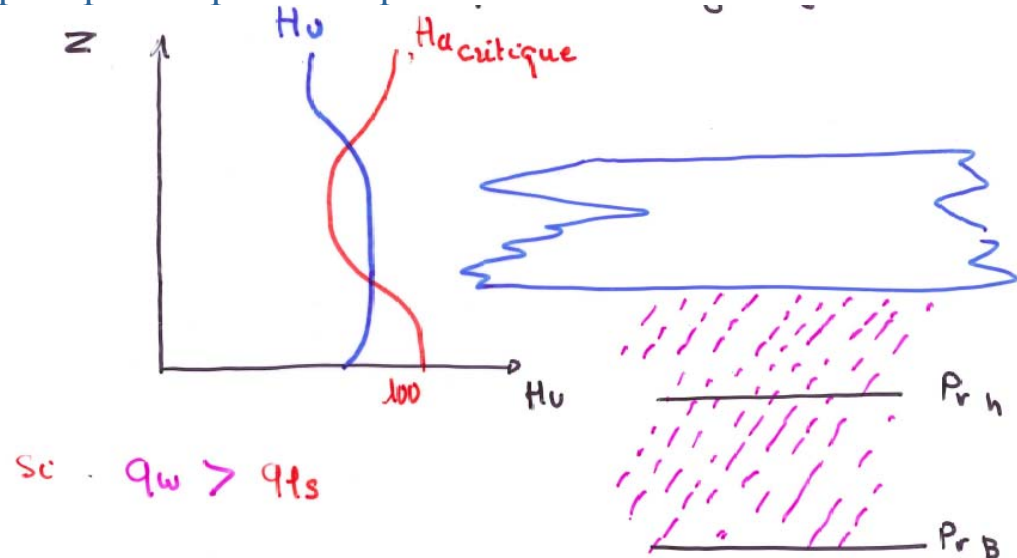
Précipitation au sol

$$F_{précip}(0)$$



# La modélisation des précipitations : Paramétrisation simplifiée nuages et précipitations stratiformes

Pour les modèles de climat, les résolutions spatiale et temporelle sont trop faibles pour décrire explicitement l'eau précipitante par une équation d'évolution



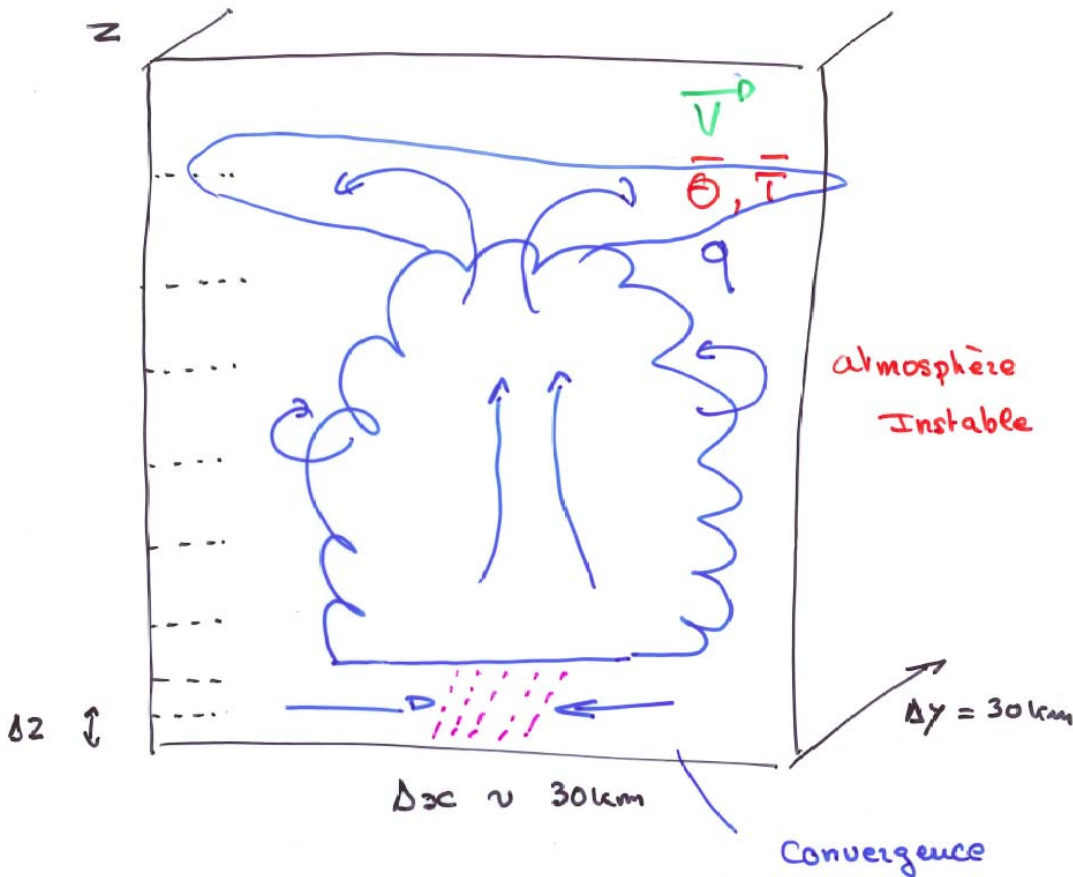
Précipitation instantanée: stationnarisation de l'équation d'évolution de  $q_r$ , équilibre précipitation - évaporation

$$\theta \quad \longrightarrow \quad \theta - \frac{L}{C_p T} \frac{\theta}{\Delta z} \frac{P_{rh} - P_{rb}}$$

$$q \quad \longrightarrow \quad \frac{\Delta t}{\rho} \frac{P_{rh} - P_{rb}}{\Delta z}$$

+ ajustement si  $q > q_{sat}$

# La modélisation des précipitations : Paramétrisation simplifiée nuages et précipitations d'origine convective



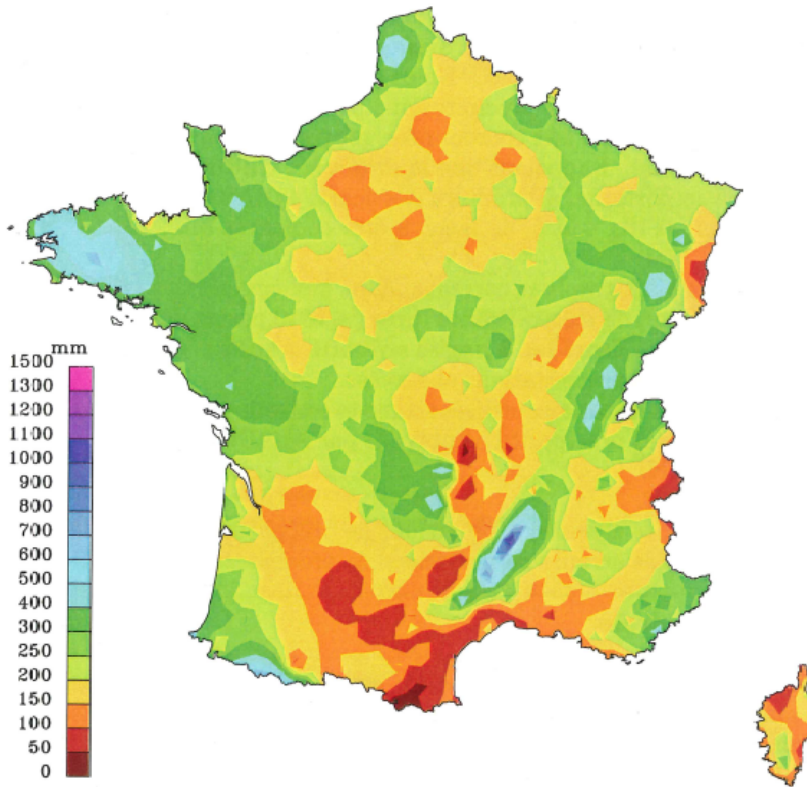
$$\frac{\partial q}{\partial t} + \text{advection} = \text{-----} + \left( \frac{\partial q}{\partial t} \right)_{\text{convection}}$$

$$\frac{\partial \theta}{\partial t} + \text{advection} = \text{-----} + \left( \frac{\partial \theta}{\partial t} \right)_{\text{convection}}$$

$$\frac{\partial \vec{U}}{\partial t} + \text{advection} = \text{-----} + \left( \frac{\partial \vec{U}}{\partial t} \right)_{\text{convection}}$$

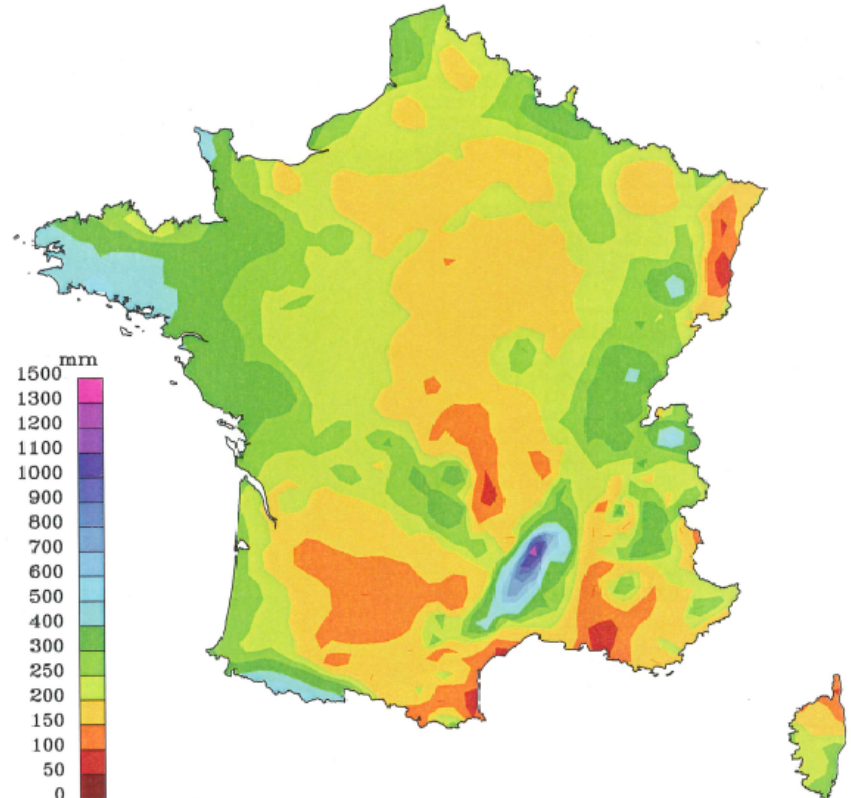
# La modélisation des précipitations : Quelques résultats des modèles opérationnels de Météo France

PRECIPITATIONS observées  
Cumuls trimestriels (4ème trimestre 2006)



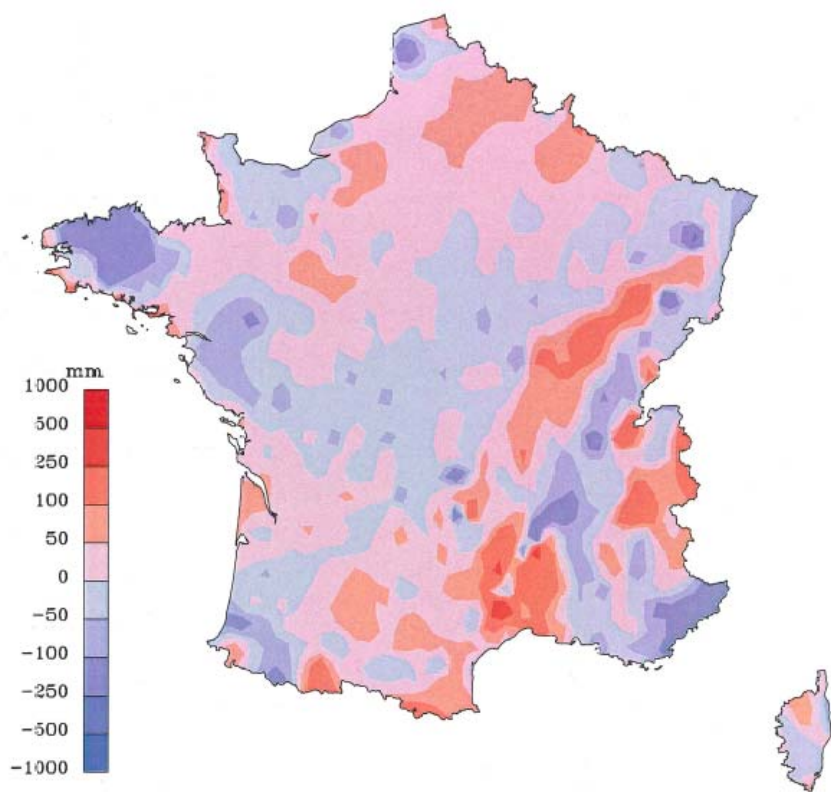
Observations

Cumul des précipitations prévues pour les échéances 06 à 30 h  
Cumuls trimestriels (4ème trimestre 2006)

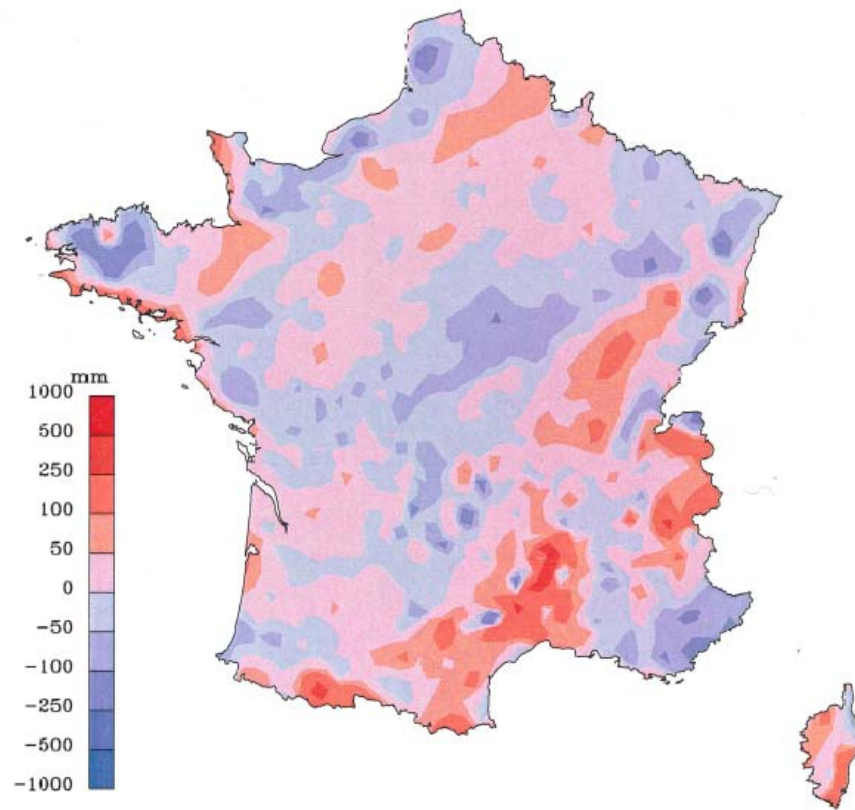


Aladin à 9,5 km de résolution

# La modélisation des précipitations : modèles opérationnels de Météo France, sensibilité à la résolution



Arpège à 23 km de résolution



Aladin à 9,5 km de résolution